

$$d = e^{-1} \pmod{\varphi(n)}$$

$$\varphi(17 \cdot 23) = 16 \cdot 22 = 352$$

$$e = 5$$

a	b	$[a/b]$	u	v
352	5	70	-2	$1 - 70 \cdot -2 = 141$
5	2	2	1	$0 - 2 \cdot 1 = -2$
2	1	2	0	1
1	0		1	0

$$-2 \cdot 352 + 5 \cdot 141 = 1 \pmod{352}$$

$$5 \cdot 141 \equiv 1 \pmod{352}$$



$$d = 141 \equiv 5^{-1} \pmod{352}$$

$$s_q = (100)^9 \pmod{23}$$

$$= \left( (100)^2 \right)^{100} \pmod{23} = d + 0 \cdot 4 + 0 \cdot 2 + 1 = [1001]_2$$

$$= \left( (18)^2 \right)^2 \cdot d \pmod{23}$$

$$= \left( (64)^2 \right)^2 \cdot d \pmod{23}$$

$$= \left( (18)^2 \right)^2 \cdot d \pmod{23}$$

$$= (324)^2 \cdot d \pmod{23}$$

$$= 2^2 \cdot d \pmod{23}$$

$$= 4 \cdot d \pmod{23}$$

$$= 32 \pmod{23}$$

$$= 9$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ 18 \times \\ \hline 144 \\ 100 + \\ \hline 324 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 23 \\ 17 \times \\ \hline 161 \\ 230 + \\ \hline 391 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 22 \\ 16 \times \\ \hline 132 \\ 220 + \\ \hline 352 \end{array}$$

$$dp = 13$$

$$dq = 9$$

$$dp = d \pmod{\varphi(p)} = 141 \pmod{16} = 13$$

$$dq = 141 \pmod{22} = 9$$

$$s_p = (100)^{13} \pmod{17}$$

$$13 = d + 4 + 0 \cdot 2 + 1 = [1101]_2$$

$$= \left( \left( (100)^2 \right)^2 \right)^2 \cdot 100 \pmod{17}$$

$$= \left( (15)^2 \right)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= \left( (225)^2 \right)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= \left( (4)^2 \right)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= (16)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= (240)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= 4^3 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= 240 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= 9$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ 15 \times \\ \hline 45 \\ 150 + \\ \hline 225 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ 16 \times \\ \hline 90 \\ 150 + \\ \hline 240 \end{array}$$

### EEA(p, q)

a	b	$[a/b]$	u	v
23	17	1	1	$-1 - 1 \cdot 3 = -4$
17	6	2	-1	$1 - 2 \cdot 2 = -3$
6	5	1	1	$0 - 1 \cdot 1 = -1$
5	1	5	0	1
1	0		1	0

~~$$1 \cdot 23 + 2 \cdot 17 = 52 \cdot 29 = 11$$~~

$$3 \cdot 23 - 4 \cdot 17 = 69 - 68 = 1 \quad \checkmark$$

$$3 \cdot 23 - 4 \cdot 17 = 1 \pmod{(23, 17)}$$

$$s_p \cdot 3 \cdot 23 - s_q \cdot 4 \cdot 17 \equiv 1 \pmod{391}$$

$$-474$$

$$= 308$$

$$s_p = \left( (100)^2 \right)^{100} \pmod{17}$$

$$= \left( (15)^2 \right)^{15} \pmod{17}$$

$$= \left( (4 \cdot 15)^2 \right)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= (9^2)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= (81)^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= 13^2 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= 169 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= 16 \cdot 15 \pmod{17}$$

$$= 240 \pmod{17}$$

RT

$$s = 9 \pmod{23}$$

$$s = 9 \pmod{17}$$

$$= 308 \pmod{391}$$

$$(308^5) \pmod{391} = 100 \quad \checkmark$$